

Cambridge International Examinations

Cambridge International Advanced Subsidiary and Advanced Level

NAME			
CENTRE NUMBER		CANDIDATE NUMBER	
MATHEMATICS			9709/13
Paper 1 Pure Mathem	natics 1 (P1)	Oct	tober/November 2018
			1 hour 45 minutes
Candidates answer or	the Question Paper.		
Additional Materials:	List of Formulae (MF9)		

READ THESE INSTRUCTIONS FIRST

Write your Centre number, candidate number and name in the spaces at the top of this page.

Write in dark blue or black pen.

You may use an HB pencil for any diagrams or graphs.

Do not use staples, paper clips, glue or correction fluid.

DO NOT WRITE IN ANY BARCODES.

Answer **all** the questions in the space provided. If additional space is required, you should use the lined page at the end of this booklet. The question number(s) must be clearly shown.

Give non-exact numerical answers correct to 3 significant figures, or 1 decimal place in the case of angles in degrees, unless a different level of accuracy is specified in the question.

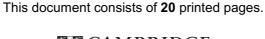
The use of an electronic calculator is expected, where appropriate.

You are reminded of the need for clear presentation in your answers.

At the end of the examination, fasten all your work securely together.

The number of marks is given in brackets [] at the end of each question or part question.

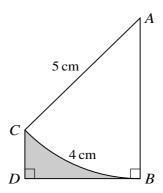
The total number of marks for this paper is 75.





•••	
•••	
•••	
•••	
•••	
•••	
•••	
•••	
•••	,
•••	
•••	

working, whether f is an increasing function, a decreasing function or neither.								
•••••	••••••	••••••	••••••	•••••••	•••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••		•••••					•••••	
•••••	••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••								
•••••	••••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	••••••	••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••		•••••					•••••	
•••••	••••••	••••••	••••••	•••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••		•••••					•••••	
•		••••••	•	••••••	••••••	•	•	
•••••		•••••						
•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	••••••
•••••		•••••					•••••	
•••••		•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	••••••
•••••							•••••	
•••••	••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	••••••	••••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
•••••								
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••			•••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

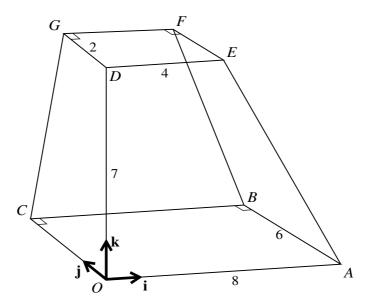


The diagram shows an arc BC of a circle with centre A and radius 5 cm. The length of the arc BC is 4 cm. The point D is such that the line BD is perpendicular to BA and DC is parallel to BA.

(i)	Find angle <i>BAC</i> in radians.	[1]
ii)	Find the area of the shaded region <i>BDC</i> .	[5]

(i) Fi	nd the equation of BC and the x -coordinate of C .	
••••		
••••		
••••		
••••		
••••		
••••		
••••		
••••		
ii) Fi	nd the distance AC , giving your answer correct to 3 decimal places.	

and th	arithmetic progression the first n terms is 14	420. Find <i>n</i> and <i>a</i> .	
•••••			••••••
•••••			
•••••			
•••••			•••••
•••••			
•••••			•••••
•••••			•••••
•••••			
•••••			•••••
•••••			•••••
•••••			



The diagram shows a solid figure OABCDEFG with a horizontal rectangular base OABC in which OA = 8 units and AB = 6 units. The rectangle DEFG lies in a horizontal plane and is such that D is 7 units vertically above O and DE is parallel to OA. The sides DE and DG have lengths 4 units and 2 units respectively. Unit vectors \mathbf{i} , \mathbf{j} and \mathbf{k} are parallel to OA, OC and OD respectively. Use a scalar product to find angle OBF, giving your answer in the form $\cos^{-1}\left(\frac{a}{b}\right)$, where a and b are integers.

[6]

7	(i)	Show that $\tan \theta + 1 = \tan \theta - 1 = 2(\tan \theta - \cos \theta)$	[3]
,	(1)	Show that $\frac{\tan \theta + 1}{1 + \cos \theta} + \frac{\tan \theta - 1}{1 - \cos \theta} = \frac{2(\tan \theta - \cos \theta)}{\sin^2 \theta}$.	[3]

(ii) Hence, showing all necessary working, solve the equation

$\frac{\tan\theta + 1}{1 + \cos\theta} + \frac{\tan\theta - 1}{1 - \cos\theta} = 0$	
for $0^{\circ} < \theta < 90^{\circ}$.	[4]
	••••
	••••
	••••
	••••
	••••
	••••
	•••••
	•••••
	••••
	••••
	••••
	••••
	••••

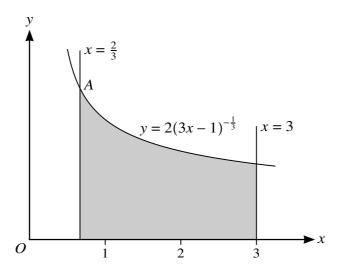
A curve passes through (0, 11) and has an equation for which $\frac{dy}{dx} = ax^2 + bx - 4$, where a and b are

Find the equation of	the curve in term	ns of a and b .			
		••••••	••••••		
••••••		•••••	•••••	•••••	,
					· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
			•••••		
•••••		•••••	•••••		· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
					· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
		•••••	•••••		
		•••••	•••••	••••••	,
					••••••
		•••••	•••••		
					· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••
										•••••
	•••••									
	•••••									•••••
										•••••
		•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••
	•••••	••••••	•••••	•••••	••••••	••••••	•••••	•••••	••••••	•••••
								•••••		•••••
	•••••	••••••	••••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••		•••••
	•••••									
•••••		•••••								•••••
•••••	•••••									
	•••••									
	•••••									
			•							
	•••••	••••••	••••••	•••••	••••••	••••••	••••••	•••••	•••••	•••••
•••••	•••••	••••••	••••••	•••••	••••••	••••••	••••••	•••••	•••••	•••••
								•••••		•••••
										•••••
										•••••
										•••••
	•••••									•••••

Show that, for all values of k , the curve and the line meet.	[4]

point where the line touches the curve.	[4



The diagram shows part of the curve $y = 2(3x - 1)^{-\frac{1}{3}}$ and the lines $x = \frac{2}{3}$ and x = 3. The curve and the line $x = \frac{2}{3}$ intersect at the point A.

through 36	ong an neo 60° about th	ne <i>x</i> -axis.	ang, me	volume of	tained wh	en the shac	led region is re	otate [5
						•••••		
		•••••				•••••		
						•••••		
						•••••		
•••••		•••••				•••••		
•••••		•••••				•••••		
						•••••		

Find the equation	of the normal to	o the curve at	A, giving youi	answer in the	form $y = mx +$	- <i>c</i> . [5]
						•••••
•••••						•••••
						•••••
	•••••					•••••
						•••••
						•••••
						•••••
						•••••
						•••••
	••••••	••••••		•••••		•••••
	••••••	•••••		•••••		•••••
	•••••	•••••		•••••	••••••	•••••
						•••••
						•••••
						•••••
						•••••

© UCLES 2018

		• • • •
		• • • •
		••••
		••••
		••••
The	e function g is defined by $g(x) = x + 3$ for $x \le p$.	
(• \		٠,
(IV)	With k now taking the value 1, find the largest value of the constant p which allows the composition	
	function fg to be formed, and find an expression for $fg(x)$ whenever this composite function	on
	exists.	[3]
		••••
		• • • •
		••••
		••••
		••••

Additional Page

If you use the following fined page to complete the answer(s) to any question(s), the question number(s) must be clearly shown.

Permission to reproduce items where third-party owned material protected by copyright is included has been sought and cleared where possible. Every reasonable effort has been made by the publisher (UCLES) to trace copyright holders, but if any items requiring clearance have unwittingly been included, the publisher will be pleased to make amends at the earliest possible opportunity.

To avoid the issue of disclosure of answer-related information to candidates, all copyright acknowledgements are reproduced online in the Cambridge International Examinations Copyright Acknowledgements Booklet. This is produced for each series of examinations and is freely available to download at www.cie.org.uk after the live examination series.

Cambridge International Examinations is part of the Cambridge Assessment Group. Cambridge Assessment is the brand name of University of Cambridge Local Examinations Syndicate (UCLES), which is itself a department of the University of Cambridge.