

Cambridge Assessment International Education

Cambridge International Advanced Level

Candidates answ	ver on t	he Question	Paper.					
					1	hour	45 m i	inutes
Paper 3 Pure Ma	athema	tics 3 (P3)			Febr	uary/	March	1 201 9
MATHEMATICS							97	09/32
NUMBER				NUMBER				
CENTRE				CANDIDATE				
CANDIDATE NAME								

READ THESE INSTRUCTIONS FIRST

Write your centre number, candidate number and name in the spaces at the top of this page.

Write in dark blue or black pen.

You may use an HB pencil for any diagrams or graphs.

Do not use staples, paper clips, glue or correction fluid.

DO NOT WRITE IN ANY BARCODES.

Answer **all** the questions in the space provided. If additional space is required, you should use the lined page at the end of this booklet. The question number(s) must be clearly shown.

Give non-exact numerical answers correct to 3 significant figures, or 1 decimal place in the case of angles in degrees, unless a different level of accuracy is specified in the question.

The use of an electronic calculator is expected, where appropriate.

You are reminded of the need for clear presentation in your answers.

At the end of the examination, fasten all your work securely together.

The number of marks is given in brackets [] at the end of each question or part question.

The total number of marks for this paper is 75.

This document consists of 17 printed pages and 3 blank pages.



BLANK PAGE

(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.
(ii)	Hence solve the equation $\log_{10}(x-4) = 2 - \log_{10} x$, giving your answer correct to 3 sign figures.

2 The sequence of values given by the iterative formula

$$x_{n+1} = \frac{2x_n^6 + 12x_n}{3x_n^5 + 8},$$

with initial value $x_1 = 2$, converges to α .

(i)	Use the formula to calculate α correct to 4 decimal places. Give the result of each itera 6 decimal places.	tion to [3]
(ii)	State an equation satisfied by α and hence find the exact value of α .	[2]
		•••••
		•••••

5	urds. You need not simplify your answer.	
•		• • • • • •
•		
		• • • • • •
•		• • • • • •
•		• • • • • •
•		• • • • • •
		• • • • • •
•		• • • • • •
١ 1	Hence solve the equation $\sin(\theta + 45^\circ) + 2\cos(\theta + 60^\circ) = 3\cos\theta$ for $0^\circ < \theta < 360^\circ$.	
, 1	The solve the equation $\sin(\theta + 45^\circ) + 2\cos(\theta + 60^\circ) = 3\cos\theta$ for $\theta < \theta < 300^\circ$.	
•		• • • • • •
_		
•		
		• • • • • •
•		

	at $\int_{1}^{4} x^{-\frac{3}{2}} \ln x$								
•••••					••••••	•••••		•••••	
•••••	••••••		••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••
•••••					•••••				
•••••									
••••••	•••••••	••••••	•••••••	••••••	••••••	••••••	•	•••••	
						• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			
•••••				••••••	••••••	••••••		•••••	•••••
		, 							
•••••									
•••••	•••••				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
••••••	•••••••	••••••	••••••••	••••••	••••••	••••••	•••••••	••••••	
•••••	•••••		••••••	••••••	••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••
•••••					•••••				

$\frac{dy}{dx} =$	$=\frac{1}{\cos x\sqrt{(\cos 2x)}}.$	
111	$\cos x \sqrt{(\cos 2x)}$	
	(Cos 2)	
•••••		
•••••		
•••••		
•••••	•••••	
	••••••	
•••••		
•••••		
•••••	•••••	
•••••	••••••	•••••
•••••		
•••••		
•••••		
•••••		
•••••	•••••	
•••••	•••••	••••••

_				
6	The variables	x and v sati	sfy the dif	ferential equation

dy	_	L_{γ}^{3}	3	x
dr	_	Ky	e	•

where k is a constant. It is given that $y = 1$ when $x = 0$, and that $y = \sqrt{e}$ when $x = 1$. Solve the differential equation, obtaining an expression for y in terms of x .

7	(a)	Showing all working and without using a calculator, solve the equation
		$(1+i)z^2 - (4+3i)z + 5 + i = 0.$
		Give your answers in the form $x + iy$, where x and y are real. [6]

(b) The complex number u is given by

$$u = -1 - i.$$

On a sketch of an Argand diagram show the point representing u. Shade the region whose points represent complex numbers satisfying the inequalities |z| < |z - 2i| and $\frac{1}{4}\pi < \arg(z - u) < \frac{1}{2}\pi$.

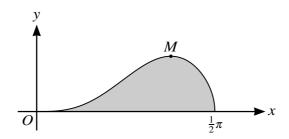
8	Let $f(x) =$	$12 + 12x - 4x^2$
o	Let $I(x) =$	$\frac{12 + 12x - 4x}{(2 + x)(3 - 2x)}$

																		[
•••	•••••							•••••				•••••	•••••					
•••	• • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • •	••••••		•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	••••••
•••	•••••	•••••		•••••		•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	•••••	•••••	•••••
•••	•••••	•••••		•••••	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••		•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	•••••		
•••								•••••			•••••	•••••	•••••		•••••			
•••	• • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • •	••••••	, 	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••
•••	• • • • • • • • •	•••••		•••••	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	
•••	• • • • • • • • •	•••••						•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••		•••••	
•••								•••••			•••••	•••••	•••••		•••••			
•••						•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		••••••		•••••		
•••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••
•••	•••••	•••••		•••••	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	
•••						•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	•••••		•••••	•••••	•••••	
								•••••				•••••			•••••		•••••	
•••	•••••	•••••	• • • • • • • •	••••••	••••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	••••••
•••	• • • • • • • •	• • • • • • • • •		•••••	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	••••••	•••••	•••••	•••••	•••••
•••	•••••	•••••		•••••	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••	•••••		•••••	•••••	•••••	
								•••••	•••••		•••••	•••••	•••••		•••••			

•	
•	
• •	
•	
•	
• •	
•	
•	
• •	
•	
•	
• •	
• •	
•	
•	
•	
•	
•	

 ••••••
 ••••••
 •••••

10



The diagram shows the curve $y = \sin^3 x \sqrt{(\cos x)}$ for $0 \le x \le \frac{1}{2}\pi$, and its maximum point M.

(i)	Using the substitution $u = \cos x$, find by integration the exact area of the shaded region bounded by the curve and the x-axis. [6]

Showing all your working, find the x -coordinate of M , giving your places.	answer correct to 3 decima [6

Additional Page

If you use the following lined page to complete the answer(s) to any question(s), the question number(s) must be clearly shown.

BLANK PAGE

BLANK PAGE

Permission to reproduce items where third-party owned material protected by copyright is included has been sought and cleared where possible. Every reasonable effort has been made by the publisher (UCLES) to trace copyright holders, but if any items requiring clearance have unwittingly been included, the publisher will be pleased to make amends at the earliest possible opportunity.

To avoid the issue of disclosure of answer-related information to candidates, all copyright acknowledgements are reproduced online in the Cambridge Assessment International Education Copyright Acknowledgements Booklet. This is produced for each series of examinations and is freely available to download at www.cambridgeinternational.org after the live examination series.

Cambridge Assessment International Education is part of the Cambridge Assessment Group. Cambridge Assessment is the brand name of the University of Cambridge Local Examinations Syndicate (UCLES), which itself is a department of the University of Cambridge.